المملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية والتعليم العالي وتكوين الأطر والبحث العلمي
كتابة الدولة المكلفة بالتعليم المدرسي
المركز الوطني للتقويم والامتحانات

C: NS22

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
-الدورة العادية 2008-
الموضوع

المــادة:	الرياضيات	المعامل:	7
الشعب(ة):	شعبة العلوم التجريبية بمسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسلكيها	مدة الإنجاز:	3س

(يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة)

التمرين الأول (3 ن)

نعتبر ، في الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $\left(O,\vec{i},\vec{j},\vec{k}\right)$ ، النقطتين $A\left(0,-1,1\right)$ و $B\left(1,-1,0\right)$
و الفلكة (S) التي معادلتها $x^2+y^2+z^2-2x-4z+2=0$.

1,25 — 1) بين أن مركز الفلكة (S) هي النقطة $\Omega(1,0,2)$ وأن شعاعها هو $\sqrt{3}$ و تحقق من أن A تنتمي إلى (S) .

1,25 — 2) حدد مثلوث إحداثيات المتجهة $\overrightarrow{OA}\wedge\overrightarrow{OB}$ وبين أن $x+y+z=0$ هي معادلة ديكارتية للمستوى (OAB).

0,5 — 3) بين أن المستوى (OAB) مماس للفلكة (S) في النقطة A .

التمرين الثاني (3 ن)

1 — 1) حل في مجموعة الأعداد العقدية $\mathbb{C}$ المعادلة : $z^2-6z+34=0$.

2) نعتبر ، في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $\left(O,\vec{e_1},\vec{e_2}\right)$ ، النقط A و B و C التي ألحاقها على التوالي هي : $a=3+5i$ و $b=3-5i$ و $c=7+3i$. ليكن z لحق نقطة M من المستوى و z' لحق النقطة M' صورة M بالإزاحة T ذات المتجهة $\vec{u}$ التي لحقها $4-2i$.

0,75 — أ- بين أن : $z'=z+4-2i$ ثم تحقق من أن النقطة C هي صورة النقطة A بالإزاحة T .

0,5 — ب- بين أن : $\dfrac{b-c}{a-c}=2i$.

0,75 — ج- استنتج أن المثلث ABC قائم الزاوية وأن $BC=2AC$.

التمرين الثالث (3 ن)

يحتوي صندوق على ست كرات حمراء وثلاث كرات خضراء (لا يمكن التمييز بين الكرات باللمس) .

1) نسحب عشوائيا وفي آن واحد ثلاث كرات من الصندوق .

1 — أ- احسب احتمال الحصول على كرتين حمراوين وكرة خضراء .

1 — ب- بين أن احتمال الحصول على كرة خضراء واحدة على الأقل هو $\dfrac{16}{21}$.

1 — 2) نعتبر في هذا السؤال التجربة التالية : نسحب عشوائيا بالتتابع وبدون إحلال ثلاث كرات من الصندوق .
احسب احتمال الحصول على ثلاث كرات حمراء .

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
(الدورة العادية 2008)
الموضوع

C: NS22

المـــادة :	الرياضيات
الشعـب(ة):	شعبة العلوم التجريبية بمسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسلكيها

مسألة (11 ن)

I- لتكن g الدالة العددية المعرفة على المجال $]0,+\infty[$ بما يلي : $g(x)=x-2\ln x$.

1) أ- احسب $g'(x)$ لكل x من المجال $]0,+\infty[$. 0,5

ب- بين أن g تناقصية على $]0,2]$ وتزايدية على $[2,+\infty[$. 0,5

2) استنتج أن $g(x)>0$ لكل x من المجال $]0,+\infty[$ (لاحظ أن $g(2)>0$). 0,5

II- نعتبر الدالة العددية f المعرفة على المجال $]0,+\infty[$ بما يلي : $f(x)=x-(\ln x)^2$.

ليكن (C) المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ممنظم $(O,\vec{i},\vec{j})$.

1) احسب $\lim\limits_{\substack{x\to 0\\ x>0}} f(x)$ وأول النتيجة هندسيا . 0,75

2) أ- بين أن: $\lim\limits_{x\to+\infty}\frac{(\ln x)^2}{x}=0$ (يمكنك وضع $t=\sqrt{x}$. نذكر أن : $\lim\limits_{t\to+\infty}\frac{\ln t}{t}=0$). 0,5

ب- استنتج أن $\lim\limits_{x\to+\infty} f(x)=+\infty$ و أن $\lim\limits_{x\to+\infty}\frac{f(x)}{x}=1$ (لاحظ أن : $f(x)=x\left(1-\frac{(\ln x)^2}{x}\right)$) . 0,75

ج – احسب $\lim\limits_{x\to+\infty}(f(x)-x)$ ثم استنتج أن المنحنى (C) يقبل ، بجوار $+\infty$ ، فرعا شلجميا اتجاهه المستقيم (Δ) الذي معادلته $y=x$. 0,5

د- بين أن المنحنى (C) يوجد تحت المستقيم (Δ). 0,25

3) أ- بين أن : $f'(x)=\frac{g(x)}{x}$ لكل x من $]0,+\infty[$ و بين أن f تزايدية قطعا على $]0,+\infty[$. 0,75

ب- ضع جدول تغيرات الدالة f . 0,25

ج- بين أن $y=x$ هي معادلة ديكارتية لمماس المنحنى (C) في النقطة التي أفصولها 1 . 0, 5

4) بين أن المعادلة $f(x)=0$ تقبل حلا وحيدا α في $]0,+\infty[$ وأن $\frac{1}{e}<\alpha<\frac{1}{2}$ (نقبل أن $(\ln 2)^2<\frac{1}{2}$). 0, 5

5) أنشئ المستقيم (Δ) و المنحنى (C) في المعلم $(O,\vec{i},\vec{j})$ (نقبل أن $I(e,e-1)$ نقطة انعطاف للمنحنى (C) و نأخذ $e\approx 2{,}7$). 1

6) أ- بين أن $H:x\mapsto x\ln x-x$ دالة أصلية للدالة $\ln:x\mapsto\ln x$ على المجال $]0,+\infty[$ ثم بين أن: $\int_1^e \ln x\,dx=1$. 0,5

ب- باستعمال مكاملة بالأجزاء ، بين أن : $\int_1^e(\ln x)^2dx=e-2$. 0,75

ج- احسب مساحة حيز المستوى المحصور بين المنحنى (C) والمستقيم (Δ) والمستقيمين اللذين معادلتاهما $x=1$ و $x=e$. 0,5

III- نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة بما يلي : $u_0=2$ و $u_{n+1}=f(u_n)$ لكل n من $I\!N$.

1) بين أن $1\le u_n\le 2$ لكل n من $I\!N$ (يمكنك استعمال نتيجة السؤال II-3) أ-) . 0,75

2) بين أن المتتالية (u_n) تناقصية. 0,5

3) استنتج أن (u_n) متقاربة ثم حدد نهايتها. 0,75

C: NR22

المركز الوطني للتقويم والامتحانات

المملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية
والتعليم العالي
وتكوين الأطر
والبحث العلمي
كتابة الدولة المكلفة بالتعليم المدرسي

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
-الدورة العادية 2008-
عناصر الإجابة

المادة:	الرياضيات	المعامل:	7
الشعب(ة):	شعبة العلوم التجريبية بمسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسلكيها	مدة الإنجاز:	3س

التمرين الأول (3 نقط)

1) 0,5 للمركز و 0,5 للشعاع و 0,25 للتحقق من أن A تنتمي إلى (S) .	1,25
2) 0,75 لتحديد مثلوث إحداثيات المتجهة $\overrightarrow{OA}\wedge\overrightarrow{OB}$ و 0,5 لمعادلة المستوى (OAB) .	1,25
3) 0,5 .	0,5

التمرين الثاني (3 نقط)

1) 1 .	1
2) أ- 0,5 لكتابة 'z بدلالة z و 0,25 للتحقق من أن C هي صورة A بالإزاحة T .	2
ب- 0,5 .	
ج- 0,5 ل ABC قائم الزاوية في C و 0,25 لBC=2AC .	

التمرين الثالث (3 نقط)

1) أ- 0,75 للتعبير الصحيح عن الاحتمال و 0,25 للحساب .	2
ب- 0,75 للتعبير الصحيح عن الاحتمال و 0,25 للتوصل إلى النتيجة $\frac{16}{21}$.	
2) 0,75 للتعبير الصحيح عن الاحتمال و 0,25 للحساب .	1

مسألة (11 نقطة)

I- 1) أ- 0,5 . ب- 0,5 .	1
2) 0,5 .	0,5
II- 1) 0, 5 لحساب النهاية و 0,25 للتأويل الهندسي .	0,75
2) أ- 0,5 . ب- 0,5 لحساب النهاية الأولى و 0,25 للنهاية الثانية . ج- 2x0,25 . د- 0,25 .	2
3) أ- 0,5 لحساب $f'(x)$ و 0,25 ل f تزايدية .	1,5
ب- 0,25 . ج- 0,5 .	
4) 0,25 لوجود ووحدانية الحل و 0,25 لتأطيره .	0,5
5) 0,25 لإنشاء (Δ) و 0,75 لإنشاء (C) .	1
6) أ- 2x0,25 . ب- 0,75 . ج- 0,5 .	1,75
III- 1) 0,75 .	0,75
2) 0,5 .	0,5
3) 0,25 لتقارب المتتالية و 0,5 لتحديد النهاية .	0,75