

الثانية علوم الحياة والأرض 5		الفرض المحروس رقم 3 الدورة الأولى	الثانوية التأهيلية عبد الكريم الخطابي
ساعتان	المدة الزمنية :		أكادير
7	المعامل :		الأستاذ : عبد العزيز حمداوي

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة العلمية غير القابلة للبرمجة  
يمنع منعاً كلياً تبادل الحديث و الأقلام بشتى أنواعها  
تمنح 2 نقط عن التنظيم الجيد للورقة

سالم التنقيط	التمرين 1 (5 نقط) :
1ن	لتكن $(u_n)$ المتتالية العددية المعرفة بمايلي : $u_0 = 3 - \frac{9}{4u_n}$ لكل $n$ من $\mathbb{N}$
1.5ن	(أ) بين أن : $u_n > \frac{3}{2}$ لكل $n$ من $\mathbb{N}$ . (ب) بين أن المتتالية $(u_n)$ تناقصية واستنتج أنها متقاربة .
1ن	(2) لكل $n$ من $\mathbb{N}$ نضع : $v_n = \frac{2}{2u_n - 3}$ (أ) بين أن $(v_n)$ متتالية حسابية أساسها $\frac{2}{3}$ .
1.5ن	(ب) استنتج أن : $u_n = \frac{3(n+2)}{2(n+1)}$ لكل $n$ من $\mathbb{N}$ ثم حدد نهاية المتتالية $(u_n)$ .
1ن	التمرين 2 : (7 نقط)
1ن	(1) بين أن : $\ln(3\sqrt{3}) + \ln 81 = \frac{11}{2} \ln 3$
1ن	(2) حدد مجموعة تعريف الدالة التالية : $f(x) = \frac{x}{\ln x}$
1ن+1ن+1ن	(3) حل في $\mathbb{R}$ ما يلي : (أ) $\ln(x^2 + 2x) = 0$ (ب) $\ln(1-x) - 2 \ln x = 0$ (ج) $\ln 2 + \ln(x+1) > \ln(4-x^2)$
1ن+1ن	(4) أحسب النهايات التالية : (أ) $\lim_{x \rightarrow 0^+} x \ln \left(1 + \frac{1}{x}\right)$ (ب) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(\ln x)^2}{x}$
1ن	التمرين 3 : (6 نقط)
1ن	نعتبر الدالة العددية $f$ المعرفة على $\mathbb{R}^+$ بمايلي : $f(x) = \frac{\sqrt{x}}{2\sqrt{x} - \ln x}$ ; $x > 0$ $f(0) = 0$
2ن	وليكن $(C_f)$ منحناها في معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$
1.5ن	(1) أدرس اتصال الدالة $f$ على اليمين في 0 (2) أدرس قابلية اشتقاق $f$ على اليمين في 0 ثم اعط تأويلا هندسيا لهذه النتيجة . (3) أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ثم اعط تأويلا هندسيا لهذه النتيجة .
1ن	(4) إعط جدول تغيرات الدالة $f$
0.5ن	(5) ارسم المنحنى $(C_f)$ .