

الثانية علوم الحياة والأرض 4		الفرض المحروس رقم 3 الدورة الأولى	الثانوية التأهيلية عبد الكريم الخطابي
ساعتان	المدة الزمنية:		أكادير
7	المعامل:		الأستاذ : عبد العزيز حمداوي

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة العلمية غير القابلة للبرمجة  
يمنع منعاً كلياً تبادل الحديث و الأقلام بشتى أنواعها  
تمنح 2 نقط عن التنظيم الجيد للورقة

سالم التقيظ	التمرين 1: (5 نقط)
1ن	(1) نعتبر الدالة $f$ المعرفة على $\mathbb{R}^*$ بمايلي : $f(x) = \frac{x^2 + 4}{2x}$ بين أن : $f([2;3]) \subset [2;3]$
1ن	(2) نعتبر المتتالية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$ المعرفة بمايلي : $u_1 = 3$ ولكل $n$ من $\mathbb{N}^*$ : $u_{n+1} = \frac{u_n^2 + 4}{2u_n}$ أ) بين أن المتتالية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$ مصغورة بالعدد 2.
1ن	ب) بين أن المتتالية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$ تناقصية .
0.5ن	ج) إستنتج أن المتتالية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$ متقاربة .
1.5ن	(3) أحسب نهاية المتتالية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$ .
1ن + 1ن	التمرين 2 : (7 نقط) (1) حدد مجموعة تعريف الدالة $f$ في كل حالة من الحالات التالية : أ) $f : x \mapsto \ln(x-2) + \ln(3-x)$ ب) $f : x \mapsto \ln\left(\frac{x+2}{-x+3}\right)$
1ن	(2) بين أن : $\ln \sqrt{2+\sqrt{2}} + \ln \sqrt{2-\sqrt{2}} = \frac{1}{2} \ln 2$ حل في $\mathbb{R}$ ما يلي :
1ن	أ) $\ln(x^2 - x) = \ln(2x - 2)$
1ن	ب) $\ln(1-x) - 2 \ln x = 0$
1ن	ج) $\ln\left(\frac{2x-3}{5x+1}\right) \leq 0$
1ن	(4) أحسب النهاية التالية : $\lim_{x \rightarrow +\infty} (-x + \ln x)$
1ن	التمرين 3 : (6 نقط) نعتبر الدالة $f$ المعرفة على $\mathbb{R}^+$ بمايلي : $f(x) = \ln\left(\frac{1-x}{x+1}\right)$ وليكن $(C)$ منحناها في معلم متعامد ممنظم . (1) حدد $D_f$ . (2) حدد نهايات الدالة $f$ عند محددات $D_f$ ثم أول النتيجة المحصل عليها. (3) أحسب $f'(x)$ لكل $x$ من $D_f$ . (4) إعط جدول تغيرات الدالة $f$ . (5) ارسم $(C)$ .