

المستقيم في المستوى

القدرات المنتظرة

- * ترجمة مفاهيم و خاصيات الهندسة التالفية و الهندسة المتجهية بواسطة الاحداثيات
- * استعمال الأداة التحليلية في حل مسائل هندسية.

1- معلم مستوى – احداثيات نقطة – تساوي متجهين – شرط استقامة متجهين

1- معلم – احداثيات نقطة

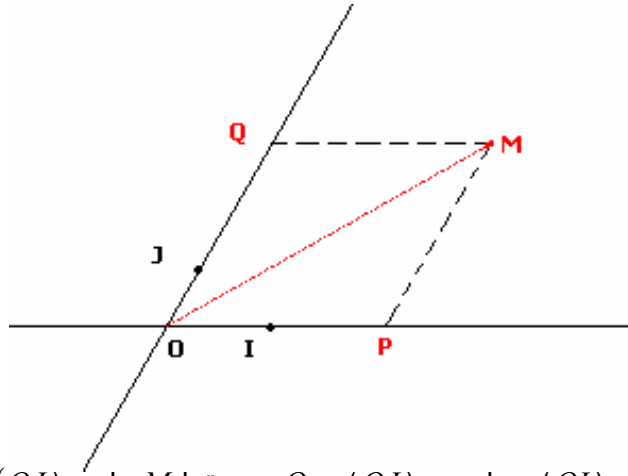
نشاط لتكن O و J و I ثلاث نقط غير مستقيمية و M نقطة من المستوى و P مسقطها على (OI) و Q مسقطها على (OJ) بتواز مع (OI)

1- أنشئ الشكل

2- باعتبار x أفصول P بالنسبة للمعلم $(O;I)$ و y أفصول Q بالنسبة للمعلم $(O;J)$

أكتب \overline{OM} بدلالة x و y و \overline{OI} و \overline{OJ}

1- الشكل



2- لدينا P مسقط M على (OI) بتواز مع (OJ) و Q مسقط M على (OJ) بتواز مع (OI)

ومنه $(OPMQ)$ متوازي الأضلاع و بالتالي $\overline{OM} = \overline{OP} + \overline{OQ}$

و حيث أن x أفصول P بالنسبة للمعلم $(O;I)$ و y أفصول Q بالنسبة للمعلم $(O;J)$

فان $\overline{OP} = x\overline{OI}$ و $\overline{OQ} = y\overline{OJ}$

ومنه $\overline{OM} = x\overline{OI} + y\overline{OJ}$

و بما أن O و J و I ثلاث نقط غير مستقيمية فاننا نقول ان الزوج $(x; y)$ زوج احداثياتي M

بالنسبة للمعلم $(O;I;J)$ أو المعلم $(O; \overline{OI}; \overline{OJ})$ نكتب $M(x; y)$

تعريف 1

* كل ثلاث نقط غير مستقيمية O و J و I تحدد معلما في المستوى نرمز له بـ $(O;I;J)$ أو

$(O; \overline{OI}; \overline{OJ})$

ترميز و مصطلحات

- المستقيم (OI) يسمى محور الأفاصيل
- المستقيم (OJ) يسمى محور الأراتيب
- إذا كان $(OI) \perp (OJ)$ فان $(O; \overline{OI}; \overline{OJ})$ يسمى معلما متعامدا
- إذا كان $(OI) \perp (OJ)$ و $OI = OJ$ فان $(O; \overline{OI}; \overline{OJ})$ يسمى معلما متعامدا ممنظما.

تعريف 2

نقول ان الزوج $(x; y)$ زوج إحداثياتي النقط M في المعلم $(O; \overline{OI}; \overline{OJ})$ إذا فقط إذا كان

$\overline{OM} = x\overline{OI} + y\overline{OJ}$ نكتب $M(x; y)$

العدد x يسمى أفصول M

العدد y يسمى أرتوب M

2- احداثيات متجهة - تساوي متجهتين

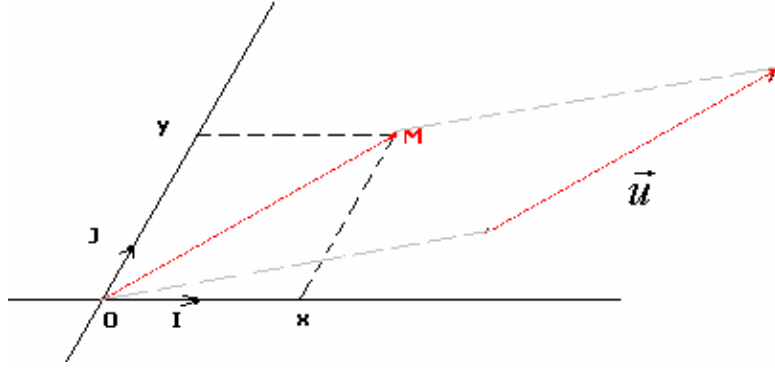
أ- احداثيات متجهة

نشاط

نعتبر المستوى (P) منسوب إلى معلم $(O; \overline{OI}; \overline{OJ})$ و \vec{u} متجهة معلومة .

أنشئ M حيث $\vec{u} = \overline{OM}$

باعتبار $M(x; y)$ بالنسبة للمعلم $(O; \overline{OI}; \overline{OJ})$ أكتب \vec{u} بدلالة x و y



لدينا $\overline{OM} = x\overline{OI} + y\overline{OJ}$ ومنه $\vec{u} = x\overline{OI} + y\overline{OJ}$

الزوج $(x; y)$ زوج إحداثياتي \vec{u} نكتب $\vec{u}(x; y)$

تعريف

زوج إحداثياتي \vec{u} في المعلم $(O; \overline{OI}; \overline{OJ})$ هو زوج إحداثياتي النقط M في المعلم $(O; \overline{OI}; \overline{OJ})$

حيث $\overline{OM} = \vec{u}$ نكتب $\vec{u}(x; y)$

إذا كان $M(x; y)$ في المعلم $(O; \overline{OI}; \overline{OJ})$ فان زوج إحداثياتي \vec{u} هو $(x; y)$ نكتب $\vec{u}(x; y)$

خاصية

المستوى منسوب إلى معلم $(O; \overline{OI}; \overline{OJ})$.

و $\vec{u}(x; y)$ و $\vec{u}'(x'; y')$ متجهتان و α و β عدنان حقيقيان

زوج إحداثياتي المتجهة $\alpha\vec{u} + \beta\vec{v}$ هو $(\alpha x + \beta x'; \alpha y + \beta y')$

ب- تساوي متجهتين

خاصية

في مستوى منسوب إلى معلم $(O; \overline{OI}; \overline{OJ})$ ، نعتبر $\vec{u}(x; y)$ و $\vec{u}'(x'; y')$ متجهتين

$\vec{u} = \vec{u}'$ إذا فقط إذا كان $x = x'$ و $y = y'$

تمرين

في مستوى منسوب إلى معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ ،

نعتبر النقط $A(1; 2)$ و $B(-3; -1)$ و $C(3; -2)$ و متجهتين $\vec{u}(-2; 3)$ و $\vec{v}(2; 4)$.

1- أنشئ النقط A و B و C و المتجهتين \vec{u} و \vec{v}

2- حدد زوج إحداثياتي كل من \overline{AB} و \overline{AC} و $2\vec{u} - \frac{1}{2}\vec{v}$

3- حدد زوج إحداثياتي D حيث $\overline{AB} = \overline{BD}$

4- حدد زوج إحداثياتي I منتصف $[AB]$

3- شرط استقامة متجهتين

أ- محددة متجهتين

تعريف

لتكن $\vec{u}(x;y)$ و $\vec{v}(x';y')$ متجهتين

العدد $xy' - x'y$ يسمى محددة المتجهين \vec{u} و \vec{v} (في هذا الترتيب) نرسم له بـ $\det(\vec{u};\vec{v})$ أو $\begin{vmatrix} x & x' \\ y & y' \end{vmatrix}$

$$\det(\vec{u};\vec{v}) = \begin{vmatrix} x & x' \\ y & y' \end{vmatrix} = xy' - x'y$$
 نكتب

مثال نعتبر $\vec{u}(-2;3)$ و $\vec{v}(2;4)$ و $\vec{w}(-5;0)$

حدد $\det(\vec{u};\vec{w})$ و $\det(\vec{u};\vec{v})$

ب- لتكن $\vec{u}(x;y)$ و $\vec{v}(x';y')$ غير منعدمتين

* $\vec{u} = k\vec{v}$ و \vec{v} مستقيمتان تكافئ

تكافئ $x = kx'$ و $y = ky'$

ومنه $xy' - x'y = kx'y' - kx'y' = 0$

نفترض $x' \neq 0$ و $xy' - x'y = 0$

* نضع $\frac{x}{x'} = k$ ومنه $x = kx'$

و بالتالي $xy' - x'y = 0$ تكافئ $y = ky'$

إذن $\vec{u} = k\vec{v}$

إذا كان \vec{u} أو \vec{v} منعدما فإن $xy' - x'y = 0$

خاصة

تكون \vec{u} و \vec{v} مستقيمتين إذا وفقط إذا كان $\det(\vec{u};\vec{v}) = 0$

تكون \vec{u} و \vec{v} غير مستقيمتين إذا وفقط إذا كان $\det(\vec{u};\vec{v}) \neq 0$

مثال

لتكن $\vec{u}(\sqrt{2}+1;1)$ و $\vec{v}(1;\sqrt{2}-1)$ و $\vec{w}(-1;\sqrt{2})$

أدرس استقامية \vec{u} و \vec{v} ثم \vec{u} و \vec{w}

تمرين

في مستوى منسوب إلى معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ ،

نعتبر النقط $A\left(\frac{1}{2}; 3\right)$ و $B(-2; -2)$ و $C(1; 4)$ و متجهة $\vec{u}(1; 3)$

1- أنشئ النقط A و B و C و المتجهة \vec{u}

2- حدد x حيث \vec{u} و $\vec{v}(x-2; 5)$ مستقيمتان

3- بين أن النقط A و B و C مستقيمية

4- منظم متجهة

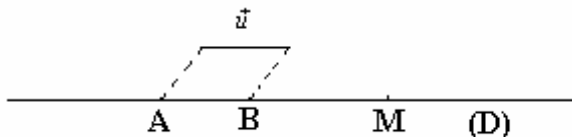
في مستوى منسوب إلى معلم متعامد ممنظم إذا كان $\vec{u}(x;y)$ فإن $\|\vec{u}\| = \sqrt{x^2 + y^2}$

II- المستقيم في المستوى

1- مستقيم معرف بنقطة و متجهة

لتكن A نقطة و \vec{u} متجهة غير منعدمة

نحدد (D) مجموعة النقط M حيث $\overrightarrow{AM} = t\vec{u}$; $t \in \mathbb{R}$



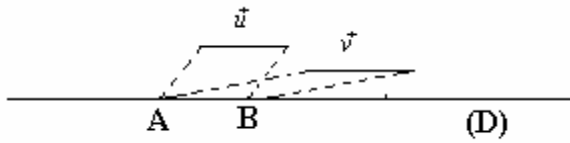
لنضع $\overline{AB} = \vec{u}$
 $B \in (D) \neq \emptyset$ لان $(D) \neq \emptyset$ *
 $M \in (AB)$ نعلم أن $\overline{AM} = t\overline{AB}$; $t \in \mathbb{R}$ تكافئ *
 $(D) = (AB)$
 \vec{u} يسمى المستقيم المار من A و الموجه بـ \vec{u}

تعريف

لتكن A نقطة و \vec{u} متجهة غير منعدمة
مجموعة النقط M حيث $\overline{AM} = t\vec{u}$; $t \in \mathbb{R}$ هي المستقيم المار من A و الموجه بـ \vec{u} نرمز له بـ
 $D(A; \vec{u})$

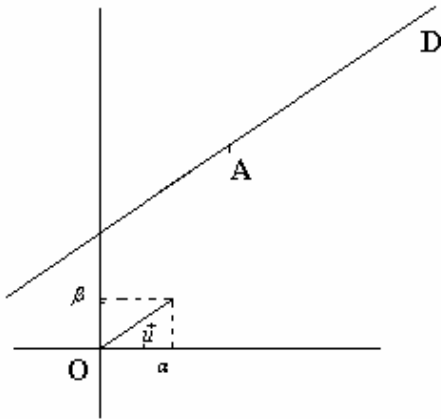
ملاحظة

لتكن \vec{u} و \vec{v} غير منعدمتين
إذا كان \vec{u} و \vec{v} مستقيمتين فان $D(A; \vec{u}) = D(A; \vec{v})$ *
إذا كان $B \in D(A; \vec{u})$ فان $D(A; \vec{u}) = D(B; \vec{u})$ *
* \overline{AB} موجهة للمستقيم (AB)



2- تمثيل بارامتري لمستقيم

في مستوى منسوب إلى معلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ ، نعتبر (D) مستقيم
مار من النقطة $A(x_0; y_0)$ و $\vec{u}(\alpha; \beta)$ موجهة له



$M \in (D)$ تكافئ توجد t من \mathbb{R} حيث $\overline{AM} = t\vec{u}$

$$\begin{cases} x = x_0 + t\alpha \\ y = y_0 + t\beta \end{cases} \quad t \in \mathbb{R} \text{ تكافئ}$$

النظمة $\begin{cases} x = x_0 + t\alpha \\ y = y_0 + t\beta \end{cases} \quad t \in \mathbb{R}$ تسمى تمثيل بارامتري

للمستقيم (D) المار من $A(x_0; y_0)$ و الموجه بـ $\vec{u}(\alpha; \beta)$

ميرهنة وتعريف

المستوى منسوب إلى معلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ و $\vec{u}(\alpha; \beta)$ متجهة غير منعدمة و $A(x_0; y_0)$ نقطة.

كل مستقيم (D) مار من $A(x_0; y_0)$ و موجه بـ $\vec{u}(\alpha; \beta)$ له نظمة على شكل

$$\begin{cases} x = x_0 + t\alpha \\ y = y_0 + t\beta \end{cases} \quad t \in \mathbb{R}$$

النظمة $\begin{cases} x = x_0 + t\alpha \\ y = y_0 + t\beta \end{cases} \quad t \in \mathbb{R}$ تسمى تمثيل بارامتري للمستقيم (D) المار من $A(x_0; y_0)$ و الموجه

بـ $\vec{u}(\alpha; \beta)$

تمرين

في مستوى منسوب إلى معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ ،

نعتبر النقط $A(-2; 1)$ و $B(0; -2)$ و $C(1; 4)$ و متجهتين $\vec{u}(-2; 3)$ و $\vec{v}(4; -6)$.

لتكن $t \in \mathbb{R}$ تمثيلا بارامتريا لمستقيم (Δ) $\begin{cases} x = 2-t \\ y = 1+t \end{cases}$

- 1- أنشئ المستقيم (D) المار من A و الموجه بـ \vec{u} و المستقيم (Δ)
- 2- أ- حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (D)
ب- أعط ثلاث نقط تنتمي إلى المستقيم (D)
- ج- هل النقطتين B و C تنتميان الى المستقيم (D)
- 3- أ- بين أن \vec{u} و \vec{v} مستقيمتان
ب- حدد تمثيلا بارامتريا لـ $D(C; \vec{v})$. ماذا تلاحظ
- 4- حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (AC)

ملاحظة

كل مستقيم يقبل ما لا نهاية من التمثيلات البارامترية

3- معادلة ديكارتية لمستقيم

أ- مستقيم معرف بنقطة و متجهة

في مستوى (P) منسوب إلى معلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ ،

نعتبر (D) مستقيم مار من النقطة $A(x_0; y_0)$ و $\vec{u}(\alpha; \beta)$ موجهة له.

لتكن $M(x; y)$ نقطة من (P)

$M \in (D)$ تكافئ \overrightarrow{AM} و \vec{u} مستقيمتان

$$\begin{vmatrix} x - x_0 & \alpha \\ y - y_0 & \beta \end{vmatrix} = 0 \text{ تكافئ}$$

$$\beta x - \alpha y + \alpha y_0 - \beta x_0 = 0 \text{ تكافئ}$$

$$\text{نضع } c = \alpha y_0 - \beta x_0 ; \beta = a ; -\alpha = b$$

$$M \in (D) \text{ تكافئ } ax + by + c = 0 \text{ حيث } (a; b) \neq (0; 0)$$

مبرهنة

في مستوى منسوب إلى معلم كل مستقيم (D) له معادلة على شكل $ax + by + c = 0$ حيث $(a; b) \neq (0; 0)$.

* العكس

لتكن a و b و c اعداد حقيقية حيث $(a; b) \neq (0; 0)$

لنحدد (D) مجموعة النقط $M(x; y)$ حيث $ax + by + c = 0$

لنفرض أن $a \neq 0$

$$(D) \text{ غير فارغة لأن } C\left(\frac{-c}{a}; 0\right) \in (D)$$

لتكن $A(x_0; y_0)$ تنتمي الى (D) ومنه $ax_0 + by_0 + c = 0$

$$\text{وبالتالي } c = -ax_0 - by_0$$

$$M(x; y) \in (D) \text{ تكافئ } ax + by + c = 0$$

$$\text{تكافئ } ax + by - ax_0 - by_0 = 0$$

$$\text{تكافئ } a(x - x_0) + b(y - y_0) = 0$$

$$\begin{vmatrix} x - x_0 & -b \\ y - y_0 & a \end{vmatrix} = 0 \text{ تكافئ}$$

تكافئ \overrightarrow{AM} و $\vec{u}(-b; a)$ مستقيمتان

$$M \in D(A; \vec{u}) \text{ تكافئ}$$

مبرهنة

في مستوى منسوب إلى معلم مجموعة النقط $M(x; y)$ حيث $ax + by + c = 0$ و $(a; b) \neq (0; 0)$ هي المستقيم (D) الموجه بـ $\vec{u}(-b; a)$ المعادلة $ax + by + c = 0$ حيث $(a; b) \neq (0; 0)$ تسمى معادلة ديكارتية للمستقيم (D) الموجه بـ $\vec{u}(-b; a)$

تمرين

في مستوى منسوب إلى معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ ، نعتبر النقطة $A(-2; 1)$ و $\vec{u}(1; 2)$.

لتكن $2x - 3y + 1 = 0$ معادلة ديكارتية لمستقيم (D) و $t \in \mathbb{R}$ تمثيل بارامتري

لمستقيم
 (D')

- 1- حدد معادلة ديكارتية لمستقيم (Δ) مار من A و موجه بـ \vec{u}
- 2- أعط ثلاث نقط من المستقيم (D) و متجهة موجهة له.
- 3- حدد معادلة ديكارتية للمستقيم (D') . أنشئ الشكل.

ملاحظة

* لكل عدد حقيقي غير منعدم k ، المعادلتان $ax + by + c = 0$ و $akx + bky + kc = 0$ متكافئتين، فهما معادلتان

لنفس المستقيم

* للمستقيم مالا نهاية من المعادلات المتكافئة.

ب- حالات خاصة

* المستقيم القاطع لمحورى المعلم

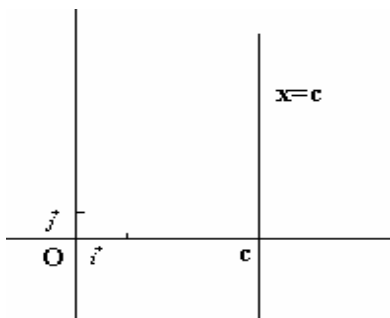
يقطع مستقيم (D) محوري معلم في نقطتين مختلفتين $A(a; 0)$ و $B(0; b)$ إذا و فقط إذا كان

للمستقيم (D) معادلة ديكارتية على شكل $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$ حيث $a \neq 0$ و $b \neq 0$

* المستقيم الموازي لمحور الأرتاب

خاصية

يكون مستقيم مواز لمحور الأرتاب إذا و فقط كان له معادلة من نوع $x = c$



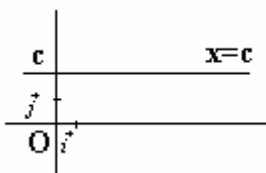
ملاحظة ليكن $(a; b) \neq (0; 0)$

تكون $ax + by + c = 0$ معادلة مستقيم مواز لمحور الأرتاب إذا و فقط إذا كان $b = 0$

* المستقيم الموازي لمحور الأفاصل

خاصية

يكون مستقيم مواز لمحور الأرتاب إذا و فقط كان له معادلة من نوع $y = c$.



* المستقيم غير الموازي لمحور الأرتاب

(P) مستوى منسوب إلى معلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$

$$(D): ax + by + c = 0$$

(D) غير مواز لمحور الأرتاب تكافئ $b \neq 0$

$$\text{إذن معادلة (D) تصبح } y = \frac{-b}{a}x - \frac{c}{a}$$

$$\text{نضع } m = \frac{-a}{b} \text{ ; } p = \frac{-c}{b} \text{ إذن معادلة (D) تكتب } y = mx + p$$

بالعكس نعتبر $y = mx + p$ معادلة (D)

ومنه $\vec{u}(1; m)$ موجهة لـ (D) و لدينا $\det(\vec{u}; \vec{j}) \neq 0$

إذن (D) لا يوازي محور الأرتاب.

خاصة

(P) مستوى منسوب إلى معلم

يكون المستقيم (D) غير مواز لمحور الأرتاب إذا وفقط إذا كانت معادلة (D) على شكل

$$y = mx + p$$

العدد m يسمى المعامل الموجه للمستقيم (D)

المتجهة $\vec{u}(1; m)$ موجهة للمستقيم (D)

المعادلة $y = mx + p$ تسمى المعادلة المختزلة للمستقيم (D)

ملاحظة

إذا كان $\vec{u}(\alpha; \beta)$ موجهة لمستقيم غير مواز لمحور الأرتاب فإن المعامل الموجه له هو العدد $\frac{\beta}{\alpha}$

تمرين

في مستوى منسوب إلى معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ ،

$$\text{نعتبر النقطة } A(-2; 1) \text{ و } t \in \mathbb{R} \text{ . } (\Delta): \begin{cases} x = 1 + 3t \\ y = -2 + t \end{cases}$$

1- حدد المعادلة المختزلة للمستقيم (D) المار من A و معامل الموجه $\frac{-1}{2}$.

2- حدد المعامل الموجه للمستقيم (Δ) ثم معادلته المختزلة.

III - الأوضاع النسبية لمستقيم

1- التوازي

$$(D_1): ax + by + c = 0 \text{ ; } (D_2): a'x + b'y + c' = 0$$

$$(D_2) \text{ موجهة لـ } \vec{u}(-b; a) \text{ و } (D_1) \text{ موجهة لـ } \vec{u}'(-b'; a')$$

$$\det(\vec{u}; \vec{u}') = 0 \text{ تكافئ } (D_1) // (D_2)$$

$$\text{تكافئ } ab' - a'b = 0$$

مبرهنة 1

ليكن (P) مستوى منسوب إلى معلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ و $(a; b) \neq (0; 0)$ و $(a'; b') \neq (0; 0)$.

$$\text{نعتبر } (D_1): ax + by + c = 0 \text{ ; } (D_2): a'x + b'y + c' = 0$$

$$(D_1) // (D_2) \text{ إذا وفقط إذا كان } ab' - a'b = 0$$

مبرهنة 2

ليكن (P) مستوى منسوب إلى معلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ و $(D_1): y = mx + p$; $(D_2): y = m'x + p'$

$$(D_1) // (D_2) \text{ إذا وفقط إذا كان } m = m'$$

مثال

$$(D_1): 2x - 3y + 4 = 0 ; (D_2): -4x + 6y + 1 = 0$$

هل (D_1) و (D_2) منفصلا أم منطبقان

2- التقاطع

ميرھنة 1

ليكن (P) مستوى منسوب إلى معلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ و $(a; b) \neq (0; 0)$ و $(a'; b') \neq (0; 0)$.

$$(D_1): ax + by + c = 0 ; (D_2): a'x + b'y + c' = 0$$

(D_1) و (D_2) متقاطعان إذا و فقط إذا كان $ab' - a'b \neq 0$

$$\begin{cases} ax + by + c = 0 \\ a'x + b'y + c' = 0 \end{cases} \text{ و زوج إحداثيتي تقاطعهما هو حل النظمة}$$

ميرھنة 2

ليكن (P) مستوى منسوب إلى معلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ و $(D_1): y = mx + p$; $(D_2): y = m'x + p'$

(D_1) و (D_2) متقاطعان إذا و فقط إذا كان $m \neq m'$

$$\begin{cases} y = mx + p \\ y = m'x + p' \end{cases} \text{ و زوج إحداثيتي تقاطعهما هو حل النظمة}$$

$$(D_1): x + 3y - 5 = 0 ; (D_2): 2x + y - 1 = 0 \quad \text{مثال}$$

تأكد أن (D_1) و (D_2) متقاطعان وحدد تقاطعهما

3- التعامد

نشاط

ليكن (P) مستوى منسوب إلى معلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ و $(a; b) \neq (0; 0)$ و $(a'; b') \neq (0; 0)$.

$$(D_1): ax + by + c = 0 ; (D_2): a'x + b'y + c' = 0$$

ليكن (Δ_1) الموازي لـ (D_1) و المار من O و (Δ_2) الموازي لـ (D_2) و المار من O

1- حدد معادلة ديكارتية لكل من (Δ_1) و (Δ_2) ثم تأكد أن $A(-b; a) \in (\Delta_1)$ و $A'(-b'; a') \in (\Delta_2)$

2- إذا كان $(D_1) \perp (D_2)$ ، ما طبيعة المثلث OAA'

3- بين أن $(D_1) \perp (D_2)$ إذا و فقط إذا كان $aa' + bb' = 0$

$$AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2} \quad \text{تذكير} *$$

* مثلث ABC

$$BC^2 = AB^2 + AC^2 \text{ إذا و فقط إذا كان } A \text{ قائم الزاوية في } ABC$$

خاصية

في مستوى منسوب إلى معلم م.م نعتبر

$$(D): ax + by + c = 0 \quad (D'): a'x + b'y + c' = 0$$

حيث $(a; b) \neq (0; 0)$; $(a'; b') \neq (0; 0)$ $(D) \perp (D')$ إذا و فقط إذا كان $aa' + bb' = 0$

نتيجة

$$(D): y = mx + p \quad (D'): y = m'x + p' \quad mm' = -1$$

$(D) \perp (D')$ إذا و فقط إذا كان

$$(D): -2x + 3y - 1 = 0 \quad (D'): 3x + 2y + 5 = 0 \quad \text{مثال نعتبر}$$

بين أن $(D) \perp (D')$

تمرين

في مستوى منسوب إلى معلم متعامد ممنظم نعتبر $A(2; 1)$ و $B(-1; 3)$

و (D) مستقيم مار من A و موجه ب $\vec{u}(2;3)$ و
بين أن $(D) \perp (AB)$

تمرين

ليكن ABC مثلثا و I و J و K نقط حيث I منتصف [BC] و $\vec{AJ} = \frac{3}{2}\vec{AB}$; $\vec{CK} = -\frac{1}{4}\vec{AC}$.

نسب المستوى إلى معلم $(A; \vec{AB}; \vec{AC})$

- 1- حدد إحداثيات النقط I و J و K
- 2- بين أن النقط I و J و K مستقيمية
- 3- حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (IJ) ثم حدد معادلة ديكارتية له.

تمرين

في مستوى منسوب إلى معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ ، نعتبر النقطتين A (-2;1) و B (2;4) و

$\vec{u}(5;2)$

و $(D): 2x - 3y + 1 = 0$ و $(D_m): (m-1)x - 2my + 3 = 0$

- 1- حدد معادلة ديكارتية للمستقيم (Δ) المار من A و الموجه بالمتجهة \vec{u}
- 2- تأكد أن (D) و (Δ) متقاطعان و حدد تقاطعهما.
- 3- أ- حدد m حيث $(D) \parallel (D_m)$
ب- حدد m حيث $(D) \perp (D_m)$
- 4- أ- أنشئ المستقيمات (D_0) ; (D_1) ; (D_2)

ب - بين أن جميع المستقيمات تمر من النقطه $C\left(3; \frac{3}{2}\right)$

تمرين

نعتبر $A(10;3)$; $B(6;7)$; $C(0;2)$

حدد معادلة ديكارتية لكل متوسط للمثلث ABC
حدد زوج إحداثيتي G مركز ثقل ABC.

تمرين

ليكن ABCD و EFGH متوازيي الأضلاع حيث $E \in [AB)$ و $G \in [AD)$

أثبت أن المستقيمات (BG) و (ED) و (CF) اما متوازية إما متقاطعة (يمكن اعتبار المعلم

$(A; \vec{AB}; \vec{AD})$)